

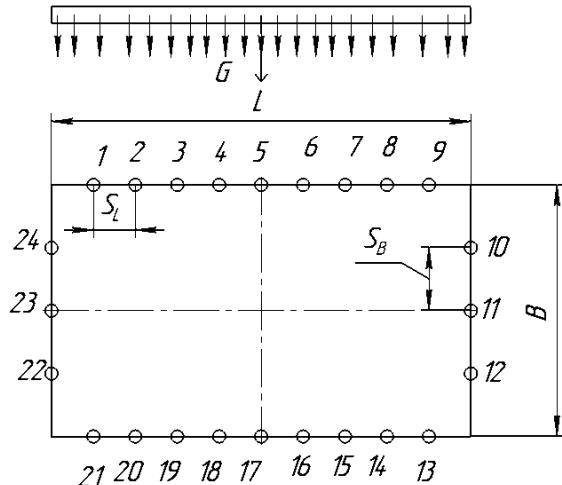
Дано:

Длина коллектора L , м
Ширина коллектора B , м
Масса коллектора M , кг
Количество опор на длинной стороне N_L

Шаг между опорами на длинной стороне S_L
Количество опор на короткой стороне N_B
Шаг между опорами на короткой стороне S_B

Требуется – найти реакцию опор от собственного веса

Расчетная схема:



1) Заменим распределенную нагрузку статически ей эквивалентной

$$G = M \cdot g$$

2) Из-за центральной симметрии реакции опор 1 и 13, 2 и 14 и так далее – равны

$$\begin{aligned} R_1 &= R_{13} = R_9 = R_{21} \\ R_2 &= R_{14} = R_8 = R_{20} \\ R_3 &= R_{15} = R_7 = R_{19} \\ R_4 &= R_{16} = R_6 = R_{18} \\ R_5 &= R_{17} \\ R_{23} &= R_{11} \\ R_{24} &= R_{12} \\ R_{22} &= R_{10} \end{aligned}$$

3) Составим уравнения равновесия.

$$\text{Расстояние между опорой 1 и центром } L_{0-1} = \sqrt{\left(\frac{B}{2}\right)^2 + 4 \cdot N_L^2}$$

$$\text{Расстояние между опорой 1 и опорой 10 } L_{1-10} = \sqrt{\left(\frac{L-S_L \cdot N_L}{2}\right)^2 + \left(\frac{B-S_B \cdot N_B}{2}\right)^2}$$

$$\text{Расстояние между опорой 1 и опорой 11 } L_{1-11} = \sqrt{\left(\frac{L-S_L \cdot N_L}{2}\right)^2 + \left(\frac{B-S_B \cdot N_B}{2} + S_B\right)^2}$$

$$\begin{aligned} \Sigma M_{\text{оп1}} = 0 \rightarrow L_{0-1} \cdot G - R_2 \cdot N_L - R_3 \cdot (N_L \cdot 2) - R_4 \cdot (N_L \cdot 3) - R_5 \cdot (N_L \cdot 4) - R_6 \cdot (N_L \cdot 5) - R_7 \\ \cdot (N_L \cdot 6) - R_8 \cdot (N_L \cdot 7) - R_9 \cdot (N_L \cdot 8) - R_{10} \cdot L_{1-10} - R_{11} \cdot L_{1-11} - R_{12} \cdot L_{1-12} - \dots \\ - R_{24} \cdot L_{1-24} = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Sigma M_{\text{оп2}} = 0 \rightarrow L_{0-2} \cdot G - R_1 \cdot N_L - R_3 \cdot (N_L \cdot 1) - R_4 \cdot (N_L \cdot 2) - R_5 \cdot (N_L \cdot 3) - R_6 \cdot (N_L \cdot 4) - R_7 \\ \cdot (N_L \cdot 5) - R_8 \cdot (N_L \cdot 6) - R_9 \cdot (N_L \cdot 7) - R_{10} \cdot L_{2-10} - R_{11} \cdot L_{2-11} - R_{12} \cdot L_{2-12} - \dots \\ - R_{24} \cdot L_{2-24} = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Sigma M_{\text{оп3}} = 0 \rightarrow L_{0-3} \cdot G - R_1 \cdot 2N_L - R_2 \cdot (N_L \cdot 1) - R_4 \cdot (N_L \cdot 1) - R_5 \cdot (N_L \cdot 2) - R_6 \cdot (N_L \cdot 3) - R_7 \\ \cdot (N_L \cdot 4) - R_8 \cdot (N_L \cdot 5) - R_9 \cdot (N_L \cdot 6) - R_{10} \cdot L_{3-10} - R_{11} \cdot L_{3-11} - R_{12} \cdot L_{3-12} - \dots \\ - R_{24} \cdot L_{3-24} = 0 \end{aligned}$$